

# Anexo: Códigos python

## 0.1. Programa principal

0.2

```
# -*- coding: utf-8 -*-
```

```
"""
```

```
Created on Mon Apr 24 14:39:46 2023
```

```
@author: pablo
```

```
"""
```

```
import numpy as np
```

```
import math as ma
```

```
import numpy.linalg as la
```

```
from scipy.linalg import eig, eigh
```

```
from scipy.interpolate import make_interp_spline
```

```
from matplotlib import pyplot as plt
```

```
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D #3D plots
```

```
#import time
```

```
#start_time = time.time()
```

```
# Datos de la red
```

```
nAx=4#Num de celdas unidad en el sentido del vector primitivo ax
```

```
nAy=1#Idem para ay. Para una cadena monoatmica dimerizada nAy=1
```

```
nAz=1 #Num de planos x-y.
```

```
ax=np.array([0,1,0]) #Vector ax de la red directa.
```

```

ay=np.array([0,1,0]) #Vector ay de la red directa
#Grafeno: ax=[1.42*1.5,1.42*np.sqrt(3)/2,0] ay=[1.42*1.5,-1.42*np.sqrt(3)/2,0]
#Red cuadrada: ax=[1,0,0] ay=[0,1,0]
#Cadena monoatmica dimerizada: ax=[1,0,0] ay=[0,0,0]

ZstepA=0 #separacion entre planos x-y
az=np.array([0,0,ZstepA]) #Vector separacion entre dos capas x-y
ang=0 # ngulo de rotacion del plano superior respecto al inferior (en grados)

if nAx==1:
    ax=np.array([0,0,0])

if nAz==1:
    az=np.array([0,0,0])

if nAy==1:
    ay=np.array([0,0,0])

nAu=1 #N mero de t por c.u.
#Grafeno y la cadena monoat. dim: nAu=2
U=np.array([[ -0.27,0,0],[0.27,0,0]]) #Matriz del motivo en la c.u.
#Grafeno: [[ -1.42/2,0,0],[1.42/2,0,0]]
#Cadena monoat. dim. sin prop. topolog. especiales [[ -0.23,0,0],[0.23,0,0]]
#Cadena monoat. dim con prop. topolog. especiales [[ -0.27,0,0],[0.27,0,0]]

nAxy=nAx*nAy #num total de c.u. por capa x-y
nAxyz=nAxy*nAz #num total de c.u.
nA=nAxyz*nAu #N mero total de tomos

if nAu==1: #Si s lo hubiese un t . por c.u. lo consideramos centrado
    U=np.array([0,0,0])

#Datos de las interacciones at micas

e0=0.0;t=2.8 #Energ a on-site e integral de salto
V=0.5 #Energ a de enlace de VdW

```

```

alpha=3
delta=0.01 #Diferencial de energia sobre el que calcular la DOS
#Para graficas precisas (con picos): delta=0.0005
#Para graficas suaves: delta=0.01

#Ordenacion y posicion de los tomos :
R=np.zeros([nA,3])
for iz in range(nAz):
    for iy in range(nAy):
        for ix in range(nAx):
            for iu in range(nAu):
                R[iu+(ix+iy*nAx+iz*nAxy)*nAu]=U[iu]+(ix+1)*ax+(iy+1)*ay+(iz+1)*az
#Los tomos se ordenan agrupados por celda unidad en el orden en el que se
#introduce el motivo. Se recogen las posiciones de todos los at. de la c.u.
#Se avanza a la siguiente c.u. en el sentido ax. Al acabar la hilera de c.u.
#en ese sentido se repite para la siguiente hilera segun ay.
#Se reitera para el plano superior del mismo modo.

#Centramos los planos x-y en el origen de coordenadas
d=(ax*(nAx-1)+ay*(nAy-1))/2
for ia in range(nA):
    R[ia]=R[ia]-d

#Rotacion del plano superior respecto el inferior
theta=(ang*ma.pi)/180
A=np.array([[ma.cos(theta),-ma.sin(theta),0],[ma.sin(theta),ma.cos(theta),0],[0,0,1]])
if nAz>=2:
    for ir in range(nAxy*nAu):
        R[nAxy*nAu+ir]=np.dot(A,R[nAxy*nAu+ir])

#Volvemos a colocarlo todo
for ia in range(nA):
    R[ia]=R[ia]+d

```

```

    #Datos de la red directa y del motivo
if nAxy>=2:
    print('Vectores_de_la_red_directa:')
    if nAx>=2:
        print('ax=',ax)
    if nAy>=2:
        print('ay=',ay)
if nAu>=2:
    print()
    print('Motivo_de_la_red:')
    print('U=',U)

#Representación de las posiciones atómicas
fig = plt.figure(figsize=(6,6)) #Espacio de representación en 3d
axe = fig.add_subplot(111, projection='3d') #Ejes
axe.scatter(R[:,0],R[:,1],R[:,2])
axe.set_title("Posiciones_atómicas")
axe.set_xlabel("X")
axe.set_ylabel("Y")
axe.set_zlabel("Z")
plt.show()
if nAz>=2:
    print('ángulo_de_rotación=',ang,'°')

# Hamiltoniano y matriz de solapes
Smat=np.zeros((nA,nA),complex)
Hmat=np.zeros((nA,nA),complex)

for iF in range(nA):
    Smat[iF,iF]=1.0 #Consideramos que cada orbital solo solapa consigo mismo

for iF in range(nA): #La interacción de los electrones con cada tomo con su n-ésimo
    #por la energía on-site, mientras que su interacción con otros n-ésimos decae exponencialmente
    for jF in range(nA):
        if iF!=jF:
            if R[iF,2]==R[jF,2]:
                Hmat[iF,jF]=-t*(np.exp(-alpha*np.sqrt(((R[iF,0]-R[jF,0])**2)+((R[iF,1]-R[jF,1])**2))))

```

```

        if R[iF,2]!=R[jF,2]:
            Hmat[iF,jF]=-V*(np.exp(-alpha*np.sqrt(((R[iF,0]-R[jF,0])**2)+((R[iF,1]-
Hmat[iF,iF]=e0

# Autovalores y autovectores
Eval,Evec=eig(Hmat,Smat)

ind=np.argsort(np.real(Eval))
Eval=np.real(Eval[ind])

# Autovalores y autovectores
Eval,Evec=eig(Hmat,Smat)

ind=np.argsort(np.real(Eval))
Eval=np.real(Eval[ind])

# Print and plot eigenvalues
#print(Eval)
plt.plot(Eval,'ro')
plt.title("Autovalores_python")
plt.xlabel('Autovalores')
plt.ylabel('Energ a')
plt.show()

#C lculo de los vectores k bidimensionales
kvec=np.zeros((nA,2))
incrkv=np.array([0,0])
incrky=np.array([0,0])

if nAx>1:
    if ax[0]==0:
        if ax[1]==0:
            incrkv=np.array([0,0])
        if ax[1]!=0:

```

```

        incrKx=np.array([0,(np.pi/(ax[1]*(nAx+1)))]])
if ax[1]==0:
    if ax[0]!=0:
        incrKx=np.array([(np.pi/(ax[0]*(nAx+1))),0])
if ax[0]!=0 and ax[1]!=0:
    normax=la.norm(np.array([ax[0],ax[1]]))
    incrKx=(np.pi/((nAx+1)*(normax*normax)))*np.array([ax[0],ax[1]])

if nAy>1:
    if ay[0]==0:
        if ay[1]==0:
            incrky=np.array([0,0])
        if ay[1]!=0:
            incrky=np.array([0,(np.pi/(ay[1]*(nAy+1)))]])
    if ay[1]==0:
        if ay[0]!=0:
            incrky=np.array([(np.pi/(ay[0]*(nAy+1))),0])
    if ay[0]!=0 and ay[1]!=0:
        normay=la.norm(np.array([ay[0],ay[1]]))
        incrky=(np.pi/((nAy+1)*(normay*normay)))*np.array([ay[0],ay[1]])

for iz in range (nAz):
    for iy in range(nAy):
        for ix in range(nAx):
            for iu in range(nAu):
                kvec[iu+(ix+iy*nAx+iz*nAxy)*nAu]=(ix+1)*incrKx+(iy+1)*incrky

#Culo de los autovectores de H
coef=np.zeros(nA) #La fila j ser un autovector asociado al k dado por la fila j de k
#for ik in range (nA):

for iz in range (nAz):
    for iy in range(nAy):
        for ix in range(nAx):
            for iu in range(nAu):

```

```

coef[iu+(ix+iy*nAx+iz*nAxy)*nAu]=np.sqrt(2/(nA+1))*np.sin(np.dot(np.ar
# Clculo de las autoenergias
E=np.zeros(nA)
for ie in range(nA):
    E[ie]=np.dot(Hmat[ie,:],coef)/coef[ie]

"""
eyk=np.zeros((nA,4))
for ie in range(nA):
    eyk[ie,1]=np.pi*(ie+1)/(nA+1) #Valor de k
    coef=np.zeros(nA) #Autovector asociado a k
    for ic in range(nA):
        coef[ic]=np.sqrt(2/(nA+1))*np.sin((ic+1)*eyk[ie,1])
    eyk[ie,0]=np.dot(Hmat[0,:],coef)/coef[0] #Autoenergia asociada a k"""

```

## 0.2. Primer programa auxiliar: Grafeno con bordes zigzag o armchair

```

0.2
#-*- coding: utf-8 -*-
"""
Created on Thu Jun 29 12:53:34 2023

@author: pablo
"""

import numpy as np
import math as ma
import numpy.linalg as la
from scipy.linalg import eig, eigh
from scipy.interpolate import make_interp_spline
from matplotlib import pyplot as plt
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D #3D plots

```

```

#GRAFENO
nAx=nAy=10
ax=np.array([1.42*1.5,1.42*np.sqrt(3)/2])
ay=np.array([1.42*1.5,-1.42*np.sqrt(3)/2])
nAu=2
U=np.array([[ -1.42/2,0],[1.42/2,0]])
e0=0.0 #Energ a on-site
alpha=3.6
t=3.3*np.exp(alpha*1.42) #Integral de salto
V=t #Correcci n a la energ a de enlace de VdW frente al enlace covalente
delta=0.15
DELTA=0.02

#Variables auxiliares
nAxy=nAx*nAy #N mero total de c.u. por capa x-y
nA=nAxy*nAu #N mero total de tomos

#Ordenaci n y posici n de los tomos :
R=np.zeros([nA,2])
for iy in range(nAy):
    for ix in range(nAx):
        for iu in range(nAu):
            R[iu+(ix+iy*nAx)*nAu]=U[iu]+ix*ax+iy*ay

#Escala de los ejes en la representaci n gr fica :
#Calculamos el valor m ximo y m nimo que alcanza la posici n de los tomos en
#cada eje para definir el espacio de representaci n gr fica de la red
Rxmin=np.min(R[:,0])
Rxmax=np.max(R[:,0])
Rymin=np.min(R[:,1])
Rymax=np.max(R[:,1])

if Rxmin<Rymin:
    Rmin=Rxmin

```



```
else :
    Rmin=Rymin

if Rxmax<Rymax :
    Rmax=Rymax
else :
    Rmax=Rxmax

## GRAFENO ZIGZAG PURO
TITULO="GRAFENO_bordes_zigzag"

x1=[(0.8*nAx-1)*ax[0] ,(0.8*nAx-1)*ax[0]]
y1=[Rymin,Rymax]

x2=np.array([0,0])
y2=[Rymin,Rymax]

x3=[Rxmin,Rxmax/2]
y3=[(nAx-1.5)*ax[1] ,(nAx-1.5)*ax[1]]

x4=[Rxmin,Rxmax/2]
y4=[(nAy-1.5)*ay[1] ,(nAy-1.5)*ay[1]]

#Vista a rea

plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(R[:,0],R[:,1], 'b. ')
plt.plot(x1, y1, 'r', linewidth=1)
plt.plot(x2, y2, 'r', linewidth=1)
plt.plot(x3, y3, 'r', linewidth=1)
plt.plot(x4, y4, 'r', linewidth=1)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#plt.title("Vista a rea para "+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
```

```
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")  
plt.show()
```

```
R1=np.array([0,0])  
for i in range(nA):  
    if R[i,0] < ((0.8*nAx-1)*ax[0]):  
        R1=np.vstack([R1,R[i,:]])  
R1 = np.delete(R1, np.s_[0], axis=0)
```

```
R2=np.array([0,0])  
for i in range(np.shape(R1)[0]):  
    if R1[i,0] > (0):  
        R2=np.vstack([R2,R1[i,:]])  
R2 = np.delete(R2, np.s_[0], axis=0)
```

```
R3=np.array([0,0])  
for i in range(np.shape(R2)[0]):  
    if R2[i,1] < ((nAx-1.5)*ax[1]):  
        R3=np.vstack([R3,R2[i,:]])  
R3 = np.delete(R3, np.s_[0], axis=0)
```

```
R4=np.array([0,0])  
for i in range(np.shape(R3)[0]):  
    if R3[i,1] > ((nAy-1.5)*ay[1]):  
        R4=np.vstack([R4,R3[i,:]])  
R4 = np.delete(R4, np.s_[0], axis=0)
```

```
Rzig=R4  
nAz=np.shape(Rzig)[0]
```

```
plt.figure(figsize=(6,6))  
plt.plot(Rzig[:,0],Rzig[:,1], 'b. ')  
plt.plot(x1, y1, 'r', linewidth=1)  
plt.plot(x2, y2, 'r', linewidth=1)
```

```
plt.plot(x3, y3, 'r', linewidth=1)
plt.plot(x4, y4, 'r', linewidth=1)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#plt.title("Vista a rea para "+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.ylabel('Y')
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")
plt.show()
```

*#GRAFENO ARMCHAIR PURO*

TITULO="GRAFENO\_bordes\_armchair"

```
#Ecuaci n de la recta y=mx+n con m=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ax[0], y=(nAx-1)*ax[1]
m1=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
n1=(nAx-1)*ax[1]-m1*(nAx-1)*ax[0]
xa1=[Rxmin,Rxmax]
ya1=[m1*(Rxmin)+n1,m1*(Rxmax)+n1]
```

```
#Ecuaci n de la recta y=mx+n con m=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ay[0], y=(nAx-1)*ay[1]
m2=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
n2=(nAx-1)*ay[1]-m2*(nAx-1)*ay[0]
xa2=[Rxmin,Rxmax]
ya2=[m2*(Rxmin)+n2,m2*(Rxmax)+n2]
```

```
#Ecuaci n de la recta y=mx+n con m=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ax[0], y=(nAx-1)*ax[1]
m3=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
n3=(nAx-1)*ax[1]-m3*(nAx-1)*ax[0]
xa3=[Rxmin,Rxmax]
ya3=[m3*(Rxmin)+n3,m3*(Rxmax)+n3]
```

```
#Ecuaci n de la recta y=mx+n con m=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
```

```
#que pasa por el punto  $x=(nAx-1)*ay[0]$ ,  $y=(nAx-1)*ay[1]$ 
m4=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
n4=(nAx-1)*ay[1]-m4*(nAx-1)*ay[0]
xa4=[Rxmin,Rxmax]
ya4=[m4*(Rxmin)+n4,m4*(Rxmax)+n4]
```

```
#xa4=[Rxmin,Rxmax/2]
#ya4=[(nAy-1.5)*ay[1],(nAy-1.5)*ay[1]]
```

```
#Vista a rea
```

```
plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(R[:,0],R[:,1], 'b. ')
plt.plot(xa1, ya1, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa2, ya2, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa3, ya3, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa4, ya4, 'r', linewidth=1)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#plt.title("Vista a rea para "+str(ang)+r"$^o$")
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")
plt.show()
```

```
#Puntos por debajo de la recta  $y=m1x+n1$ 
```

```
Ra1=np.array([0,0])
for i in range (nA):
    if R[i,1]<m1*R[i,0]+n1:
        Ra1=np.vstack([Ra1,R[i,:]])
Ra1 = np.delete(Ra1, np.s_[0], axis=0)
```

```
#Puntos por encima de la recta  $y=m2x+n2$ 
```

```
Ra2=np.array([0,0])
```

```

for i in range (np.shape(Ra1)[0]):
    if Ra1[i,1]>m2*Ra1[i,0]+n2:
        Ra2=np.vstack([Ra2,Ra1[i,:]])
Ra2 = np.delete(Ra2, np.s_[0], axis=0)

#Puntos por debajo de la recta y=m3x+n3
Ra3=np.array([0,0])
for i in range (np.shape(Ra2)[0]):
    if Ra2[i,1]<m3*Ra2[i,0]+n3:
        Ra3=np.vstack([Ra3,Ra2[i,:]])
Ra3 = np.delete(Ra3, np.s_[0], axis=0)

#Puntos por debajo de la recta y=m4x+n4
Ra4=np.array([0,0])
for i in range (np.shape(Ra3)[0]):
    if Ra3[i,1]>m4*Ra3[i,0]+n4:
        Ra4=np.vstack([Ra4,Ra3[i,:]])
Ra4 = np.delete(Ra4, np.s_[0], axis=0)

Rarm=Ra4
nAa=np.shape(Rarm)[0]

plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(Rarm[:,0],Rarm[:,1], 'b. ')
plt.plot(xa1, ya1, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa2, ya2, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa3, ya3, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa4, ya4, 'r', linewidth=1)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#plt.title("Vista a rea para "+str(ang)+r"$^o$")
plt.ylabel('Y')
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")
plt.show()

```

```
print('N mero_de_tomos_en_grafeno_zigzag:')
print(nAz)
print('N mero_de_tomos_en_grafeno_armchair:')
print(nAa)

## HAMILTONIANO Y AUTOENERGIAS

# Hamiltoniano y matriz de solapes
Sz=np.zeros((nAz,nAz),complex)
Hz=np.zeros((nAz,nAz),complex)

Sa=np.zeros((nAa,nAa),complex)
Ha=np.zeros((nAa,nAa),complex)

for iF in range(nAz):
    Sz[iF,iF]=1.0 #Consideramos que cada orbital s lo solapa consigo mismo

for iF in range(nAa):
    Sa[iF,iF]=1.0

for iF in range(nAz): #La interacci n de los electrones con cada tomo con
    #su n cleo viene prefijada por la energ a on-site, mientras que su
    #interacci n con otros n cleos decae exponencialmente con la distancia
    for jF in range(nAz):
        Hz[iF,jF]=-t*(np.exp(-alpha*np.sqrt(((Rzig[iF,0]-Rzig[jF,0])**2)+((Rzig[iF,1]-Rzig[jF,1])**2))))
    Hz[iF,iF]=e0

for iF in range(nAa): #La interacci n de los electrones con cada tomo con
    #su n cleo viene prefijada por la energ a on-site, mientras que su
```

```

#interacción con otros n cleos decae exponencialmente con la distancia
for jF in range(nAa):
    Ha[iF,jF]=-t*(np.exp(-alpha*np.sqrt(((Rarm[iF,0]-Rarm[jF,0])**2)+((Rarm[iF,1]-Rarm[jF,1])**2))))
    Ha[iF,iF]=e0

# Autovalores y autovectores
Evalz, Evecz=eig(Hz, Sz)

Evala, Evecz=eig(Ha, Sa)

indz=np.argsort(np.real(Evalz))
Evalz=np.real(Evalz[indz])

inda=np.argsort(np.real(Evala))
Evala=np.real(Evala[inda])

#Gráfica de autovalores
plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(Evalz, 'b.', markersize=1, label= "zigzag")
plt.plot(Evala, 'r.', markersize=1, label= "armchair")
#plt.suptitle(TITULO)
#plt.title("Autovalores para "+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('Autovalores')
plt.ylabel('Energía')
plt.legend()
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")
plt.show()

#DOS suave para el grafeno zigzag
def DOSz(E): #funcion DOS

```

```

dosz=0
for js in range(nAz):
    dosz=dosz+(1/np.pi)*delta/(((E-Evalz[js])**2)+delta**2)
return dosz

#DOS suave para el grafeno armchair
def DOSa(E): #funcion DOS
    dosa=0
    for js in range(nAa):
        dosa=dosa+(1/np.pi)*delta/(((E-Evala[js])**2)+delta**2)
    return dosa

#DOS con picos para el grafeno zigzag
def DOSpz(E): #funcion DOSp
    dospz=0
    for js in range(nAz):
        dospz=dospz+(1/np.pi)*DELTA/(((E-Evalz[js])**2)+DELTA**2)
    return dospz

#DOS con picos para el grafeno armchai
def DOSpa(E): #funcion DOS
    dospa=0
    for js in range(nAa):
        dospa=dospa+(1/np.pi)*DELTA/(((E-Evala[js])**2)+DELTA**2)
    return dospa

#Gráfica DOS
ejeenergia=np.linspace(min(min(Evalz),min(Evala))-(2*delta), max(max(Evalz),max(Evala)),
plt.plot(ejeenergia,[DOSz(i) for i in ejeenergia], 'b', linewidth=1, label="zigzag")
plt.plot(ejeenergia,[DOSa(i) for i in ejeenergia], 'r', linewidth=1, label="armchair")
plt.suptitle(TITULO)
plt.title("Densidad de estados "+str(ang)+r"$^o$")

```



```
plt.xlabel('E')
plt.ylabel('DOS(E)')
plt.axhline(0, color="black")# Establecer el color de los ejes.
plt.axvline(0, color="black")
#plt.xlim(min(Eval)-(2*delta), max(Eval)+(2*delta))# Limitar los valores de los ejes.
plt.legend()
#plt.savefig(TITULO+"_DOS_"+str(ang)+".png")# Guardar gr fico como im gen PNG.
plt.show() # Mostrarlo.
```

*#Gr fica DOS*

```
ejeenergia=np.linspace(min(min(Evalz),min(Evala))-(2*DELTA), max(max(Evalz),max(Evala))-
plt.plot(ejeenergia,[DOSpz(i) for i in ejeenergia], 'b', linewidth=1, label= "zigzag")
plt.plot(ejeenergia, [DOSpa(i) for i in ejeenergia], 'r', linewidth=1, label= "armcha
#plt.suptitle(TITULO)
#plt.title("Densidad de estados "+str(ang)+r"$^o$")
plt.xlabel('E')
plt.ylabel('DOS(E)')
plt.axhline(0, color="black")# Establecer el color de los ejes.
plt.axvline(0, color="black")
#plt.xlim(min(Eval)-(2*delta), max(Eval)+(2*delta))# Limitar los valores de los ejes.
plt.legend()
#plt.savefig(TITULO+"_DOS_"+str(ang)+".png")# Guardar gr fico como im gen PNG.
plt.show() # Mostrarlo.
```

### 0.3. Segundo programa auxiliar: Rotación de láminas de grafeno con bordes armchair

0.2

```
# -*- coding: utf-8 -*-
"""
```

Created on Fri Jun 30 14:21:11 2023

```
@author: pablo
"""

import numpy as np
import math as ma
import numpy.linalg as la
from scipy.linalg import eig, eigh
from scipy.interpolate import make_interp_spline
from matplotlib import pyplot as plt
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D #3D plots

#GRAFENO CON STACKING A-B

ang=4 # ngulo de rotación del plano superior respecto al inferior (en grados)

nAx=nAy=24
ax=np.array([1.42*1.5, 1.42*np.sqrt(3)/2])
ay=np.array([1.42*1.5, -1.42*np.sqrt(3)/2])
az=np.array([1.42/2, 1.42*np.sqrt(3)/2, 3.35])
nAu=2
U=np.array([[ -1.42/2, 0], [1.42/2, 0]])
e0=0.0 #Energía on-site
alpha=3.6
t=3.3*np.exp(alpha*1.42) #Integral de salto
V=t #Corrección a la energía de enlace de VdW frente al enlace covalente
delta=0.2
DELTA=0.08

#Variables auxiliares
nAxy=nAx*nAy #Número total de c.u. por capa x-y
nA=nAxy*nAu #Número total de tomos
```

```

#Ordenación y posición de los tomos :
R0=np.zeros([nA,2])
for iy in range(nAy):
    for ix in range(nAx):
        for iu in range(nAu):
            R0[iu+(ix+iy*nAx)*nAu]=U[iu]+ix*ax+iy*ay

#Escala de los ejes en la representación gráfica :
#Calculamos el valor máximo y mínimo que alcanza la posición de los tomos en
#cada eje para definir el espacio de representación gráfica de la red
Rxmin=np.min(R0[:,0])
Rxmax=np.max(R0[:,0])
Rymin=np.min(R0[:,1])
Rymax=np.max(R0[:,1])

if Rxmin<Rymin:
    Rmin=Rxmin
else:
    Rmin=Rymin

if Rxmax<Rymax:
    Rmax=Rymax
else:
    Rmax=Rxmax

#GRAFENO ARMCHAIR PURO
TITULO="GRAFENO_bordes_armchair"

#Ecuación de la recta y=mx+n con m=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ax[0], y=(nAx-1)*ax[1]
m1=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
n1=(nAx-1)*ax[1]-m1*(nAx-1)*ax[0]
xa1=[Rxmin,Rxmax]
ya1=[m1*(Rxmin)+n1,m1*(Rxmax)+n1]

```

```
#Ecuación de la recta y=mx+n con m=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ay[0], y=(nAx-1)*ay[1]
m2=(ax+2*U[0,:])[1]/(ax+2*U[0,:])[0]
n2=(nAx-1)*ay[1]-m2*(nAx-1)*ay[0]
xa2=[Rxmin,Rxmax]
ya2=[m2*(Rxmin)+n2,m2*(Rxmax)+n2]
```

```
#Ecuación de la recta y=mx+n con m=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ax[0], y=(nAx-1)*ax[1]
m3=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
n3=(nAx-1)*ax[1]-m3*(nAx-1)*ax[0]
xa3=[Rxmin,Rxmax]
ya3=[m3*(Rxmin)+n3,m3*(Rxmax)+n3]
```

```
#Ecuación de la recta y=mx+n con m=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
#que pasa por el punto x=(nAx-1)*ay[0], y=(nAx-1)*ay[1]
m4=(ay+2*U[0,:])[1]/(ay+2*U[0,:])[0]
n4=(nAx-1)*ay[1]-m4*(nAx-1)*ay[0]
xa4=[Rxmin,Rxmax]
ya4=[m4*(Rxmin)+n4,m4*(Rxmax)+n4]
```

```
#xa4=[Rxmin,Rxmax/2]
#ya4=[(nAy-1.5)*ay[1],(nAy-1.5)*ay[1]]
```

```
#Vista a rea
```

```
plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(R0[:,0],R0[:,1], 'b. ')
plt.plot(xa1, ya1, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa2, ya2, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa3, ya3, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa4, ya4, 'r', linewidth=1)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#plt.title("Vista a rea para "+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
```

```
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")  
plt.show()
```

```
#Puntos por debajo de la recta  $y=m1x+n1$   
Ra1=np.array([0,0])  
for i in range(nA):  
    if R0[i,1]<m1*R0[i,0]+n1:  
        Ra1=np.vstack([Ra1,R0[i,:]])  
Ra1 = np.delete(Ra1, np.s_[0], axis=0)
```

```
#Puntos por encima de la recta  $y=m2x+n2$   
Ra2=np.array([0,0])  
for i in range(np.shape(Ra1)[0]):  
    if Ra1[i,1]>m2*Ra1[i,0]+n2:  
        Ra2=np.vstack([Ra2,Ra1[i,:]])  
Ra2 = np.delete(Ra2, np.s_[0], axis=0)
```

```
#Puntos por debajo de la recta  $y=m3x+n3$   
Ra3=np.array([0,0])  
for i in range(np.shape(Ra2)[0]):  
    if Ra2[i,1]<m3*Ra2[i,0]+n3:  
        Ra3=np.vstack([Ra3,Ra2[i,:]])  
Ra3 = np.delete(Ra3, np.s_[0], axis=0)
```

```
#Puntos por debajo de la recta  $y=m4x+n4$   
Ra4=np.array([0,0])  
for i in range(np.shape(Ra3)[0]):  
    if Ra3[i,1]>m4*Ra3[i,0]+n4:  
        Ra4=np.vstack([Ra4,Ra3[i,:]])  
Ra4 = np.delete(Ra4, np.s_[0], axis=0)
```

```
Rarm=Ra4  
nAa=np.shape(Rarm)[0]
```

```
plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(Rarm[:,0],Rarm[:,1], 'b. ')
plt.plot(xa1, ya1, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa2, ya2, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa3, ya3, 'r', linewidth=1)
plt.plot(xa4, ya4, 'r', linewidth=1)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#plt.title("Vista a rea para "+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
#plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")
plt.show()
```

*#CONSTRUCCION DE UNA BICAPA*

```
R=Rarm #Reciclamos la construccion anterior
R=np.hstack([R,np.zeros((nAa,1))]) #Aadimos una tercera dimension
R=np.concatenate((R,R)) #Generamos una copia de cada punto
for iF in range(nAa):
    R[iF+nAa,:]=R[iF+nAa,:]+az
```

```
nA=np.shape(R)[0]
```

*# Hamiltoniano y matriz de solapes para l minas sin rotar*

```
S00=np.zeros((nA,nA),complex)
H00=np.zeros((nA,nA),complex)
```

```
for iF in range(nA):
```

```
    S00[iF,iF]=1.0 #Consideramos que cada orbital s lo solapa consigo mismo
```

```
for iF in range(nA): #La interaccion de los electrones con cada tomo con
```

```

#su n cleo viene prefijada por la energ a on-site , mientras que su
#interacci n con otros n cleos decae exponencialmente con la distancia
for jF in range(nA):
    if iF!=jF:
        H00[iF ,jF]=-t*(np.exp(-alpha*np.sqrt(((R[iF,0]-R[jF,0])**2)+((R[iF,1]-R[jF
H00[iF ,iF]=e0

# Autovalores y autovectores para l minas sin rotar
E00,Evec00=eig(H00,S00)
ond=np.argsort(np.real(E00))
E00=np.real(E00[ond])

#ROTACION DE LA LAMINA SUPERIOR

#Centramos los planos x-y en el origen de coordenadas
#Las cuatro restas que acotan cada l mina pasan por
# x=(nAx-1)*ax[0] , y=(nAx-1)*ax[1] y por x=(nAx-1)*ay[0] , y=(nAx-1)*ay[1]

d=((nAx-1)/2)*(ax+ay)
d=np.array([d[0] ,d[1] ,0])
for ia in range (nA):
    R[ia]=R[ia]-d

#Rotaci n del plano superior respecto el inferior
theta=(ang*ma.pi)/180
A=np.array([[ma.cos(theta),-ma.sin(theta) ,0] ,[ma.sin(theta) ,ma.cos(theta) ,0] ,[0 ,0 ,1]])
for ir in range (nAa):
    R[nAa+ir]=np.dot(A,R[nAa+ir])

```

```

#Inversión de la traslación anterior
for ia in range (nA):
    R[ia]=R[ia]+d

##Representación de las posiciones atómicas
fig = plt.figure(figsize=(6,6)) #Espacio de representación en 3d
axe = fig.add_subplot(111, projection='3d') #Ejes
axe.scatter(R[:,0],R[:,1],R[:,2],s=5)
plt.suptitle(TITULO)
plt.xlim(Rmin-2,Rmax+2)
plt.ylim(Rmin-2,Rmax+2)
#axe.set_zlim(Rmin,Rmax) #Descripción gráfica más realista pero confusa
axe.set_title("Posiciones_atómicas_para_"+str(ang)+r"$^\circ$")
axe.set_xlabel("X")
axe.set_ylabel("Y")
axe.set_zlabel("Z")
#plt.savefig(TITULO+"_red_"+str(ang)+".png")
plt.show()

# Hamiltoniano y matriz de solapes
Smat=np.zeros((nA,nA),complex)
Hmat=np.zeros((nA,nA),complex)

for iF in range(nA):
    Smat[iF,iF]=1.0 #Consideramos que cada orbital s lo solapa consigo mismo

for iF in range(nA): #La interacción de los electrones con cada tomo con
    #su ncleo viene prefijada por la energía on-site, mientras que su
    #interacción con otros ncleos decae exponencialmente con la distancia
    for jF in range(nA):
        if iF!=jF:
            Hmat[iF,jF]=-t*(np.exp(-alpha*np.sqrt(((R[iF,0]-R[jF,0])**2)+((R[iF,1]-R[jF,1])**2)+((R[iF,2]-R[jF,2])**2))))
        Hmat[iF,iF]=e0

```



```

# Autovalores y autovectores
Eval, Evec=eig(Hmat, Smat)

ind=np.argsort(np.real(Eval))
Eval=np.real(Eval[ind])

# Gráfica de autovalores
plt.figure(figsize=(6,6))
plt.plot(E00, 'b.', markersize=1, label="0 ")
plt.plot(Eval, 'r.', markersize=1, label= str(ang)+r"$^o$")
plt.suptitle(TITULO)
plt.title("Autovalores_para_"+str(ang)+r"$^o$")
plt.xlabel('Autovalores')
plt.ylabel('Energía')
plt.legend()
# plt.savefig(TITULO+"_aut_"+str(ang)+".png")
plt.show()

#DOS suave
def DOS(E): #funcion DOS
    dos=0
    for js in range(nA):
        dos=dos+(1/np.pi)*delta/(((E-Eval[js])**2)+delta**2)
    return dos

#DOS para el caso de 0
def DOS00(E): #funcion DOS
    dos=0
    for js in range(nA):
        dos=dos+(1/np.pi)*delta/(((E-E00[js])**2)+delta**2)
    return dos

#DOS con picos o DOSp

```

```
def DOSp(E): #funcion DOSp
    dosp=0
    for js in range(nA):
        dosp=dosp+(1/np.pi)*DELTA/(((E-Eval[js])**2)+DELTA**2)
    return dosp
```

*#DOSp para el caso de 0*

```
def DOSp00(E): #funcion DOS
    dosp00=0
    for js in range(nA):
        dosp00=dosp00+(1/np.pi)*DELTA/(((E-E00[js])**2)+DELTA**2)
    return dosp00
```

*#Gráfica DOS*

```
ejeenergia=np.linspace(min(min(Eval),min(E00))-(2*delta), max(max(Eval),max(E00))+(2*delta), n)
plt.plot(ejeenergia, [DOS(i) for i in ejeenergia], 'r', linewidth=1, label= str(ang)+r"$^o$")
plt.plot(ejeenergia, [DOS00(i) for i in ejeenergia], 'b', linewidth=1, label= '0 ')
plt.suptitle(TITULO)
plt.title("Densidad_de_estados_"+str(ang)+r"$^o$")
plt.xlabel('E')
plt.ylabel('DOS(E)')
plt.axhline(0, color="black")# Establecer el color de los ejes.
plt.axvline(0, color="black")
plt.xlim(min(Eval)-(2*delta), max(Eval)+(2*delta))# Limitar los valores de los ejes.
plt.legend()
plt.savefig(TITULO+"_DOS_"+str(ang)+".png")# Guardar gráfico como imagen PNG.
plt.show() # Mostrarlo.
```

*#Gráfica DOSp*

```
eje00=np.linspace(min(min(Eval),min(E00))-(2*DELTA), max(max(Eval),max(E00))+(2*DELTA))
plt.plot(eje00, [DOSp(i) for i in eje00], 'r', linewidth=1, label= str(ang)+r"$^\circ$") #
plt.plot(eje00, [DOSp00(i) for i in ejeenergia], 'b', linewidth=1, label= '0  ')
plt.suptitle(TITULO)
plt.title("Densidad_de_estados_con_picos_"+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('E')
plt.ylabel('DOSp(E)')
plt.axhline(0, color="black")# Establecer el color de los ejes.
plt.axvline(0, color="black")
plt.xlim(min(min(Eval),min(E00))-(2*DELTA), max(max(Eval),max(E00))+(2*DELTA))# Limitar los valores de los ejes.
plt.legend()
plt.savefig(TITULO+"_DOSp_"+str(ang)+".png")# Guardar gráfico como imagen PNG.
plt.show() # Mostrarlo
```

```
#Diferencias de DOS entre el caso de 0  y el ngulo escogido
plt.plot(ejeenergia, [DOS(i)-DOS00(i) for i in ejeenergia], linewidth=1 )
plt.suptitle(TITULO)
plt.title("Diferencias_de_DOS_entre_el_caso_de_0  _y_"+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('E')
plt.ylabel('DOS(E)-DOS00(E)')
plt.axhline(0, color="black")# Establecer el color de los ejes.
plt.axvline(0, color="black")
plt.xlim(min(Eval)-(2*delta), max(Eval)+(2*delta))# Limitar los valores de los ejes.
plt.savefig(TITULO+"_DOS_"+str(ang)+".png")# Guardar gráfico como imagen PNG.
plt.show() # Mostrarlo.
```

```
#Diferencias de DOSp entre el caso de 0  y el ngulo escogido
plt.plot(eje00, [DOSp(i)-DOSp00(i) for i in eje00], linewidth=1 )
plt.suptitle(TITULO)
plt.title("Diferencias_de_DOSp_entre_el_caso_de_0  _y_"+str(ang)+r"$^\circ$")
plt.xlabel('E')
plt.ylabel('DOSp(E)-DOSp00(E)')
plt.axhline(0, color="black")# Establecer el color de los ejes.
plt.axvline(0, color="black")
plt.xlim(min(Eval)-(2*delta), max(Eval)+(2*delta))# Limitar los valores de los ejes.
plt.savefig(TITULO+"_DOSp_"+str(ang)+".png")# Guardar gráfico como imagen PNG.
```

```
plt.show() # Mostrarlo.
```